



Olimpiada Națională de Matematică

Programa pentru clasele a V-a – a VIII-a

- Pentru fiecare clasă, în programa de olimpiadă sunt incluse, în mod implicit, conținuturile programelor de olimpiadă din clasele anterioare.
- Pentru fiecare clasă, în programa prevăzută pentru etapa județeană/a sectoarelor municipiului București și pentru etapa națională sunt incluse, în mod implicit, și conținuturile programelor de olimpiadă de la etapa/etapele anterioare.
- Pentru fiecare clasă, în programa de olimpiadă sunt incluse, în mod implicit, conținuturile programelor școlare în vigoare.

| Clasa | Etapa locală | Etapa județeană/a sectoarelor municipiului București | Etapa națională |
|--------|--|--|--|
| a V-a | <ul style="list-style-type: none">○ Numere naturale. Operații cu numere naturale. Factorul comun. Teorema împărțirii cu rest.○ Reguli de calcul cu puteri. Compararea puterilor. <i>Ultima cifră a unei puteri</i>○ <i>Pătrate perfecte. Cuburi perfecte</i>○ Metode aritmetice de rezolvare a problemelor○ <i>Restul împărțirii unui pătrat perfect la 3, 4, 5, 8, 10; restul împărțirii unui cub perfect la 9</i> | <ul style="list-style-type: none">○ Divizibilitatea numerelor naturale. Divizor, multiplu, divizori comuni, multipli comuni○ Criterii de divizibilitate cu: 2, 5, 2^n, 5^n, 10^n, 3 și 9; <i>Legătura dintre restul împărțirii unui număr la 3, 4, 5, 9 sau 25 și cifrele numărului</i>○ Numere prime; numere compuse.○ Scrierea numerelor naturale ca produs de puteri de numere prime○ <i>Dacă $x = M_a + r$ și $y = M_a + s$, restul împărțirii lui $x + y$ la d este restul împărțirii lui $r + s$ la d, iar restul împărțirii lui xy la d este restul împărțirii lui rs la d</i> | <ul style="list-style-type: none">○ Frații ordinare (conținutul programei școlare)○ Frații zecimale (conținutul programei școlare)○ Elemente de geometrie și unități de măsură (conținutul programei școlare) |
| Clasa | Etapa locală a ONM | Etapa județeană/a sectoarelor municipiului București a ONM | Etapa națională a ONM |
| a VI-a | <p>Aritmetică și algebră</p> <ul style="list-style-type: none">○ Mulțimi. <i>Principiul includerii și excluderii. Partiții. Principiul cutiei</i>○ Divizibilitate. Proprietăți ale divizibilității în \mathbb{N}. $[a, b] \cdot (a, b) = a \cdot b$○ $(a, b) = d \Rightarrow \exists x, y \in \mathbb{N}$, cu $(x, y) = 1$ și $a = dx$, $b = dy$○ $[a, b] = m \Rightarrow \exists x, y \in \mathbb{N}$ cu $(x, y) = 1$ și $m = ax$, $m = by$○ Rapoarte și proporții <p>Geometrie</p> <ul style="list-style-type: none">○ Unghiuri. <i>Teorema directă și teorema reciprocă a unghiurilor opuse la vârf</i>○ Paralelism și perpendicularitate○ Cercul | <p>Aritmetică și algebră</p> <ul style="list-style-type: none">○ Mulțimea numerelor întregi○ Divizibilitatea în \mathbb{Z}. <i>Proprietăți ale divizibilității în \mathbb{Z}</i>○ $(a + b)^n = M_a + b^n$, unde $a, b \in \mathbb{Z}$ și $n \in \mathbb{N}^*$ <p>Geometrie</p> <ul style="list-style-type: none">○ Linii importante în triunghi○ Metoda triunghiurilor congruente. <i>Cazul L.L.U.</i>○ <i>Un triunghi este isoscel dacă și numai dacă două unghiuri ale triunghiului sunt congruente</i> | <p>Aritmetică și algebră</p> <ul style="list-style-type: none">○ Mulțimea numerelor raționale <p>Geometrie</p> <ul style="list-style-type: none">○ Proprietățile triunghiurilor isoscele și echilaterale○ Proprietățile triunghiurilor dreptunghice.○ <i>Teorema unghiului de 30°, teorema unghiului de 15°</i>○ <i>Teorema referitoare la lungimea medianei corespunzătoare ipotenuzei și reciprocele acestora</i>○ <i>Teorema directă și teorema reciprocă a liniei mijlocii a unui triunghi</i> |



| Clasa | Etapa locală a ONM | Etapa județeană/a sectoarelor municipiului București a ONM | Etapa națională a ONM |
|---------|--|---|--|
| a VII-a | <p>Algebră</p> <ul style="list-style-type: none"> Mulțimea numerelor reale (conținutul programei școlare) Partea întreagă și partea fracționară a unui număr real Raționalizarea numitorilor Formula radicalilor dubli Dacă $a, b \in \mathbb{Q}^*$ și $p, q \in \mathbb{Q}^*$ astfel încât $p\sqrt{a} + q\sqrt{b} \in \mathbb{Q}$, atunci $\sqrt{a} \in \mathbb{Q}$ și $\sqrt{b} \in \mathbb{Q}$ Dacă $a \in \mathbb{Q}^*$ și $x \in \mathbb{R} \setminus \mathbb{Q}$, atunci $a + x \in \mathbb{R} \setminus \mathbb{Q}$ și $a \cdot x \in \mathbb{R} \setminus \mathbb{Q}$ Elemente de calcul algebric. Formule de calcul prescurtat: $(a \pm b)^2 = a^2 \pm 2ab + b^2$, $(a+b)(a-b) = a^2 - b^2$, pentru orice $a, b \in \mathbb{R}$ <p>Geometrie</p> <ul style="list-style-type: none"> Patrulater (conținutul programei școlare) Cercul (conținutul programei școlare) Patrulater inscriptibile. Patrulater circumscriptibile. | <p>Algebră</p> <ul style="list-style-type: none"> Ecuatii și sisteme de ecuații (conținutul programei școlare) <p>Geometrie</p> <ul style="list-style-type: none"> Asemănarea triunghiurilor (conținutul programei școlare) Teorema paralelelor neechidistante Teorema bisectoarei (interioare, exterioare) și teorema reciprocă Puterea unui punct față de cerc | <p>Algebră</p> <ul style="list-style-type: none"> Elemente de organizare a datelor Identități algebrice: <ul style="list-style-type: none"> a) $a^n - b^n = (a-b)(a^{n-1} + a^{n-2}b + \dots + ab^{n-2} + b^{n-1})$, pentru orice $a, b \in \mathbb{R}$ și orice $n \in \mathbb{N}^*$ b) $a^n + b^n = (a+b)(a^{n-1} - a^{n-2}b + \dots - ab^{n-2} + b^{n-1})$, pentru orice $a, b \in \mathbb{R}$ și orice $n \in \mathbb{N}$, n impar c) identitatea lui Lagrange: $(a^2 + b^2)(c^2 + d^2) = (ac + bd)^2 + (ad - bc)^2$ Inegalități. Probleme de maxim și de minim <ul style="list-style-type: none"> a) $a^2 + b^2 \geq 2ab$; $a^2 + b^2 + c^2 \geq ab + bc + ca$, $a, b, c \in \mathbb{R}$ b) $\frac{a}{b} + \frac{b}{a} \geq 2$, pentru orice $a, b \in \mathbb{R}$, $a \cdot b > 0$ c) inegalitatea mediilor: $\frac{n}{\frac{1}{a_1} + \frac{1}{a_2} + \dots + \frac{1}{a_n}} \leq \sqrt[n]{a_1 \cdot a_2 \cdot \dots \cdot a_n} \leq \frac{a_1 + a_2 + \dots + a_n}{n} \leq \sqrt{\frac{a_1^2 + a_2^2 + \dots + a_n^2}{n}}$, $\forall a_i > 0, i = \overline{1, n}, n \in \mathbb{N}^*$ d) inegalitatea Cauchy – Buniakovski – Schwarz: $(a_1^2 + a_2^2 + \dots + a_n^2) \cdot (b_1^2 + b_2^2 + \dots + b_n^2) \geq (a_1b_1 + a_2b_2 + \dots + a_nb_n)^2$, $\forall a_i, b_i \in \mathbb{R}, i = \overline{1, n}, n \in \mathbb{N}^*$ <p>Geometrie</p> <ul style="list-style-type: none"> Teorema lui Menelaos. Teorema lui Ceva Relații metrice în triunghiul dreptunghic. Arii Teorema lui Pitagora generalizată. Teorema cosinusului. Teorema sinusurilor. Teorema medianei $m_a^2 = \frac{2(b^2 + c^2) - a^2}{4}$ Arii: $A_\Delta = \sqrt{p(p-a)(p-b)(p-c)}$; $A_\Delta = \frac{a \cdot b \cdot \sin C}{2}$; $A_\Delta = p \cdot r$; $A_\Delta = \frac{abc}{4R}$; $A_{patrulater\ convex} = \frac{d_1 \cdot d_2 \cdot \sin(d_1, d_2)}{2}$ |



| Clasa | Etapa locală a ONM | Etapa județeană/a sectoarelor municipiului București a ONM | Etapa națională a ONM |
|----------|---|--|--|
| a VIII-a | <p>Algebră</p> <ul style="list-style-type: none">○ Intervale. Operații cu intervale. Inecuații○ Calcul algebric în \mathbb{R} <p>Geometrie</p> <ul style="list-style-type: none">○ Puncte, drepte, plane. Corpuri geometrice○ Paralelism și perpendicularitate (conținutul programei școlare)○ Proiecții ortogonale pe un plan (conținutul programei școlare)○ Teorema celor trei perpendiculare | <p>Algebră</p> <ul style="list-style-type: none">○ Ecuația de gradul al II-lea <p>Geometrie</p> <ul style="list-style-type: none">○ Distanțe și măsuri de unghiuri pe fețele sau în interiorul corpurilor geometrice studiate (determinare prin calcul)○ Calcul de arii și de volume (poliedre) | <p>Algebră</p> <ul style="list-style-type: none">○ Funcții. Elemente de statistică <p>Geometrie</p> <ul style="list-style-type: none">○ Corpuri rotunde○ <i>Perpendiculara comună a două drepte; reciprocele teoremei celor trei perpendiculare; plan mediator; plan bisector</i>○ <i>Probleme elementare de loc geometric</i> |

Notă

Textul *italic* din tabele semnifică acele conținuturi specifice programelor ONM, în completarea conținuturilor prevăzute de programele școlare ale disciplinei Matematică.